

1 (*Baleares 1996*).- Escribe la ecuación de una onda que avanza en sentido negativo a lo largo del eje OX y que posee una amplitud de $0'2\text{ m}$, una frecuencia de 500 Hz y una velocidad de 2 m/s . Determina, asimismo, la velocidad máxima de oscilación de partículas del medio.

$$y = 0'3 \cdot \text{sen} 2\pi(500t + 250x)$$

$$v_{\text{max}} = 300 \pi \text{ m/s}$$

2 (*Canarias 1996*).- Una onda unidireccional armónica se propaga de acuerdo con la función

$$y = 3 \text{sen} \left[2\pi \left(\frac{x}{10} - \frac{t}{2} \right) + \frac{\pi}{2} \right]$$

Calcula:

- Longitud de onda, velocidad de propagación y fase inicial de la onda.
- Diferencia de fase entre dos puntos del eje OX distantes entre sí 40 m .
- La velocidad de una partícula situada en $x = 10\text{ m}$, en el instante $t = 2\text{ s}$.

- $\lambda = 10\text{ m}$ $v = 5\text{ m/s}$ $\varphi = \frac{\pi}{10}\text{ rad}$
- $\Delta \alpha = 8\pi\text{ rad}$
- $v = -8'96\text{ m/s}$

3 (*Cataluña 1996*).- La ecuación de una onda estacionaria es (en unidades S.I.):

$$y = 0'08 \cos \left(\frac{\pi}{12} x \right) \cdot \cos(4\pi t)$$

Los límites del medio donde se ha generado esta onda son $x = 0$ y $x = 18\text{ m}$. Calcular:

- Las posiciones de los nodos y los vientres.
- La velocidad de la partícula del medio situada en el punto $x = 2\text{ m}$ en el instante $t = 5\text{ s}$.

- nodos: $n = 0, x = 6\text{ m}$ $n = 1, x = 18\text{ m}$
vientres: $n = 0, x = 0\text{ m}$ $n = 1, x = 12\text{ m}$
- $v = 0\text{ m/s}$

4 (*Extremadura, 1996*).- La ecuación de una onda es: $y(x,t) = 0'4 \cdot \text{sen} \pi(3t - 12x)$, donde x se mide en m y t en s .

- ¿Con qué onda debe interferir para producir una onda estacionaria?
- ¿Cuál es la ecuación de la onda estacionaria resultante?

- $y'(x,t) = -0'4 \text{sen} \pi(12x + 3t)$
- $y(x,t) = -0'8 \text{sen} 12\pi x \cdot \cos 3\pi t$

5 (*Valencia 1996*).- Calcula la longitud de onda y la velocidad de propagación de un movimiento ondulatorio de período $3 \cdot 10^{-3}\text{ s}$, sabiendo que la distancia entre dos puntos, cuya diferencia de fase es $\pi/2$, vale 30 cm .

$$\lambda = 1'2\text{ m} \quad v = 400\text{ m/s}$$

6 (Andalucía 1996).- El período de una onda que se propaga a lo largo del eje X es de $3 \cdot 10^{-3}$ s y la distancia entre los dos puntos más próximos cuya diferencia de fase es $\pi/2$ es de 20 cm

- a) Calcula la longitud de onda y la velocidad de propagación.
b) Si el período se duplicase, ¿qué le ocurriría a las magnitudes del apartado anterior?

- a) $\lambda = 0'8$ m $v = 266'66$ m/s
b) $\lambda = 0'4$ m la velocidad no varía

7 (Canarias 1996).- Una onda sonora se propaga sin amortiguamiento en el sentido negativo del eje X, con una velocidad de 50 m/s. Si la amplitud es de 20 cm y su frecuencia es de 200 Hz, calcula:

- a) La ecuación de propagación de la onda.
b) La elongación, la velocidad y la aceleración de un punto del medio situado a 10 cm del foco emisor al cabo de 0'5 s.

- a) $y(x,t) = 0'2 \text{sen} 2\pi(200t + 4x)$
b) $y = 0'118$ m $v = -203'33$ m/s $a = -1'856$ m/s²

8.- (Madrid 1996).- Una onda armónica transversal que se propaga a lo largo de la dirección positiva del eje de las X, tiene las siguientes características: amplitud, $A = 5$ cm, longitud de onda $\lambda = 8\pi$ cm, velocidad de propagación $v = 40$ cm/s. Sabiendo que la elongación de la partícula de abscisa $x = 0$, en el instante $t = 0$, vale 5 cm, determina:

- a) El número de onda y la frecuencia angular de la onda.
b) La ecuación que representa el movimiento ondulatorio armónico simple de la partícula de abscisa $x = 0$.
c) La ecuación que representa la onda armónica transversal indicada.

- a) $k = 25$ rad/m; $\omega = 10$ rad/s.

b) $y(0,t) = 0'05 \cdot \text{sen} \left(10 \cdot t + \frac{\pi}{2} \right)$

c) $y(x,t) = 0'05 \cdot \text{sen} \left(10 \cdot t - 25 \cdot x + \frac{\pi}{2} \right)$